

Załóżmy, że mamy zbiór n punktów pomiarowych postaci $\{(x_1, y_1), \dots, (x_n, y_n)\}$. Jednocześnie dla każdego pomiaru zakładamy rozkład błędów $f_i(y)$, mający znaczenie gęstości prawdopodobieństwa. Dopasowując krzywą parametryzowaną przez zbiór wielkości λ , definiujemy funkcję wiarygodności jako:

$$L(\lambda) := \prod_{i=1}^n f_i(y_i - y_{\text{model}}(\lambda, x_i)). \quad (65)$$

Szukając najlepszego dopasowania krzywej $y_{\text{model}}(\lambda, x)$, należy zmaksymalizować funkcję ufności (ze względu na λ). Jest to jednoznaczne z minimalizacją funkcji

$$l(\lambda) := -\log(L(\lambda)) = -\sum_{i=1}^n \log(f_i(y_i - y_{\text{model}}(\lambda, x_i))). \quad (66)$$

Zauważmy jednocześnie, że zakładając gausowski rozkład błędów

$$f_i(y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_i} \exp\left(-\frac{y^2}{2\sigma_i^2}\right), \quad (67)$$

funkcja minimalizowana przyjmuje postać:

$$I(\boldsymbol{\lambda}) = \sum_{i=1}^n \frac{(y_i - y_{\text{model}}(\boldsymbol{\lambda}, x_i))^2}{2\sigma_i^2} + C(\boldsymbol{\sigma}), \quad (68)$$

a więc procedura sprowadza się do metody najmniejszych kwadratów.

Błędy minimalizacji otrzymujemy obliczając macierz drugich pochodnych funkcji $I(\boldsymbol{\lambda})$ dla wartości $\boldsymbol{\lambda}$ minimalizujących I , a następnie macierz do niej odwrotną. Tak uzyskana macierz jest (o ile błędy nie są wielkie) *macierzą kowariancji* rozkładu estymatorów $\boldsymbol{\lambda}$. Elementy macierzy są zdefiniowane jako:

$$c_{ij} := E(\lambda_i \lambda_j) = \int d\boldsymbol{\lambda}^n F(\boldsymbol{\lambda}) \lambda_i \lambda_j \quad (69)$$

(czyli wartości oczekiwane iloczynów $\lambda_i \lambda_j$), zaś błędy określone przez $\Delta \lambda_i := \sqrt{c_{ii}}$ odpowiadają niepewności $1\sigma_i$ dla wyznaczonej wielkości λ_i . Elementy pozadiagonalne odpowiadają współczynnikom korelacji pomiędzy poszczególnymi estymatorami λ_i .